

Università "Cardinale Giovanni Colombo" - Milano A.A. 2024 - 2025

Corso di Archeoastronomia Docente: Adriano Gaspani

Lezione 14

Gerberto d'Aurillac e il Geometria Gerberti



VITA

Gerberto di Aurillac, nacque in una famiglia umile attorno al 950 nella regione francese dell'Aquitania, ad Aurillac. Attorno al 963 entrò nel monastero di San Geraldo della sua città e nel 967, il Conte Borrell II di Barcellona visitò il monastero e l'abate chiese al conte di portare con sé Gerberto, così che il giovane potesse studiare matematica in Spagna, nel monastero di Ripoll. Negli anni seguenti, Gerberto studiò nella città di Barcellona. In Spagna maturò un interesse per le scienze, in particolare matematica e astronomia. Egli però era anche interessato alla politica e al diritto.

Nel 969, il Conte Borrell compì un pellegrinaggio a Roma, portandosi Gerberto con sé. Qui Gerberto incontrò il Papa Giovanni XIII e l'imperatore Ottone II. Il Papa persuase Ottone ad impiegare Gerberto come tutore per il suo giovane figlio, il futuro Ottone III. Alcuni anni dopo, Ottone lasciò libero Gerberto di andare a studiare alla scuola della cattedrale di Reims, dove venne ben presto nominato insegnante dall'Arcivescovo Adalbero.

Ottone II, divenuto nel frattempo Sacro Romano Imperatore, nel 982 nominò Gerberto abate dei monaci colombaniani di Bobbio e conte di quel distretto, ma, per colpa della precedente gestione, l'abbazia di San Colombano era andata in rovina, perciò Gerberto la ricostituì, fece l'inventario dello scriptorium, e con l'aiuto dei numerosi antichi trattati che vi erano conservati, compose il suo celebrato lavoro sulla geometria. Dopo la morte di Ottone II, nel 984, Gerberto venne coinvolto nelle lotte politiche dell'epoca: nel 985, con l'appoggio del suo arcivescovo, si oppose al tentativo di Lotario di Francia di strappare la Lorena ad Ottone III, tramite l'appoggio di Ugo Capeto che divenne Re di Francia, ponendo fine alla dinastia dei Carolingi. Arnolfo, arcivescovo, fu deposto e venne eletto suo successore Gerberto.

Ci fu però una tale opposizione alla nomina di Gerberto alla sede di Reims, che papa Giovanni XV inviò un legato in Francia, che sospese temporaneamente Gerberto dal suo incarico episcopale. Gerberto cercò di mostrare che il decreto era illegale, ma un ulteriore sinodo nel 995 dichiarò non valida la deposizione di Arnolfo: fu in quei momenti difficile che si fece sentire la protezione della Dinastia ottoniana.

Gerberto divenne quindi il precettore di Ottone III. Papa Gregorio V, cugino di Ottone, lo nominò Arcivescovo di Ravenna nel 997, carica che ricoprì per meno di due anni.

L'imperatore lo elesse a successore di Gregorio come papa nel 999. Gerberto prese il nome di Silvestro II. La scelta del suo nome da pontefice deriva da una duplice esigenza. La prima fu quella di cambiare un nome dalla forte risonanza germanica (Gerberto) con uno tradizionalmente latino (Silvestro): la seconda fu che scelse il nome di Silvestro per un forte legame con l'Imperatore Ottone III di cui fu precettore e maestro.

Divenuto pontefice, fu collaboratore della restaurazione imperiale, promossa in Roma nei primi anni del secolo XI, ispirata ai valori dell'antichità classica. Nel 1001, la popolazione di Roma si rivoltò contro l'imperatore, costringendo Ottone e Gerberto a fuggire a Ravenna.

Dopo la morte dell'imperatore Ottone III,Gerberto tornò a Roma e morì il 12 maggio del 1003 non senza sospetti di avvelenamento.





opere

Gerberto scrisse una serie di opere, che trattavano principalmente questioni di filosofia e del quadrivio. Egli aveva appreso l'uso dei numeri arabi in Spagna, e poteva eseguire calcoli a mente che erano estremamente difficili per le persone che pensavano in termini di numeri romani. A Reims, fece costruire un organo idraulico che eccelleva sopra tutti gli strumenti precedentemente noti, nel quale l'aria doveva essere pompata manualmente. Gerberto reintrodusse l'abaco in Europa, e in una lettera del 984, chiese a Lupito di Barcellona una traduzione di un trattato arabo di astronomia. Gerberto potrebbe essere l'autore di una descrizione dell'astrolabio che venne redatta da Ermanno Contratto 50 anni dopo.

Come Papa, prese misure energiche contro le pratiche della simonia e del concubinaggio, diffusesi tra il clero, sostenendo che solo gli uomini capaci di una vita ineccepibile potevano essere nominati vescovi. Scrisse inoltre il trattato dogmatico *De corpore et sanguine Domini*.

Scritti matematici

- Libellus de numerorum divisione
- De geometria
- Epistola ad Adelbodum
- De sphaerae constructione
- Libellus de rationali et ratione uti

Scritti ecclesiastici

- Sermo de informatione episcoporum
- De corpore et sanguine Domini
- Selecta e concil. Basol., Remens., Masom., etc.

lettere

- Epistolae ante summum pontificatum scriptae
 - 218 lettere, che includono missive all'imperatore, al papa e vescovi vari
- Epistolae et decreta pontificia
 - 15 lettere a vari vescovi, fra cui Arnolfo, e abati, e una lettera a Stefano I d'Ungheria
 - una lettera dubbia a Ottone III.
 - 5 brevi poemi

Lapide tombale di Gerbert d'Aurillac (Papa Silvestro, II) in San Govanni in Laterano (Roma)

HSELOCVSMVNDISILVESTRIMEMBRASEPVLTI VENTVRODOMINO CONFERETADSONIT VM
OVEMDEDERATMINDO CELEBREDO CITISUMANRO ATO CAPUTMINDICUMINAROMVLEA :
PRIMUMG ERBERT V SMERVITER ANCIGENASEDE REMENSISPOPULMETROP OLIMPATRIAE
INDERAVENNATISMERVITO ONS CENDERES VIMMIM E CLESIAREGIMENNOBIRSTO POTENSPOSTA NIN V MROMAMMUTATONOMINES VMPSTI: VITTOTOPAS TORFIERETORBE NO VIVIS
CVINIMIMPIACVITSO CIALIMENTEFIDELIS OBTIVITHOC CESARTERTIVS OTTOSIBI
TEMPUS VITERO COMITO LARAVIRTUTE SOPHIAE CANDETETOMISE CLUMRANCITI ROMERU
CLAVIGERIIN STARERATE ELOPUM SEDIPOTITUS TERNAS VEFECUS MIVICEPASTORIRAT
ISEVICEMPETRIPOS FO VAMSUS CEPITABEGIT LUSTRALIS SPATIO SECULAMORTE SUIS
OBRIG VITMUNDUSDIS CUSSAPACETRIMPHUS RECELESIAN VITANS DEDIDICITERLO VIEM
SERGIVSHUNC LOCUMMITTIPIETATE SACERDOS SUCCESSORO SUCCOMPSTITAMORES
OVISOVISADHUNC TUMENADEVEXALMINITA VERIIS OMNIPOTIENS DOMINIMENERES SUIS
OBIITANINO O DOMINITO FINICARINA PETIDALIS MIEMADICIEM MAREDIALIS.

Lapide tombale di Gerbert d'Aurillac (Papa Silvestro, II) in San Govanni in Laterano (Roma)

«Iste locus mundi Silvestri membra sepulti / Venturo Domino conferet ad sonitum / Quem dederat mundo celebrem doctissima virgo / atque caput mundi culmina Romulea. / Primum Gerbertus meruit Francigena sede / Remensis populi metropolim patriae. / Inde Ravennatis meruit conscendere summum / Ecclesiae regimen nobile, sitgue potens / Post annum Romam mutato nomine sumpsit / Ut toto pastor fieret orbe novus. / Cui nimium placuit sociali mente fidelis, / Obtulit hoc Caesar tertius Otto sibi / Tempus uterque comit clara virtute sophiae; / Gaudet et omne seclum [sic!], frangitur omne reum. / Clavigeri instar erat coelorum, sede potitus, / Terna suffectus cui vice pastor erat. / Iste vicem Petri postquam suscepit, abegit / Lustrali spatio saecula morte sui. / Obriguit mundus discussa pace triumphus, / Ecclesiae nutans dedidicit requiem. / Sergius hunc loculum miti pietate sacerdos, / Successorque suus compsit amore sui. / Quisquis ad hunc tumulum devexa lumina vertis, / Omnipotens Domine dic miserere sui.»

«Questo luogo dove sono sepolti i resti di Gerberto / lo restituirà al Signore quando il suono della tromba / annuncerà la Sua venuta. / La Vergine, che favorisce le arti, e Roma, guida del mondo, / lo avevano reso celebre in tutto l'universo. / Gerberto, originario di Francia, / meritò prima il seggio di Reims, metropoli della sua patria. / Poi meritò di governare l'importante e nobile Chiesa di Ravenna / e diventò potente. / Un anno più tardi ottenne, cambiando nome, la sede di Roma / per diventare pastore dell'universo. / Il Cesare Ottone III, al quale fu sempre fedele e devoto, / gli offrì questa Chiesa. / Entrambi illuminarono il loro tempo / con lo splendore della loro sapienza; / il secolo ne gioì, il crimine scomparve. / Era come il guardiano dei cieli / lui che occupava la sua sede / dopo aver cambiato luogo tre volte. / Egli adempì per un lustro le funzioni di Pietro / fino a che la morte lo colse. / Il mondo rimase agghiacciato per il terrore. / Scomparsa la pace, / la Chiesa trionfante vacillò, / dimenticò la quiete. / Il pontefice Sergio, suo successore, / spinto da un commosso sentimento di pietà, / ha eretto questa tomba per il suo amico. / Chiunque tu sia che volgi lo sguardo verso questa tomba, / dì così: 'Signore onnipotente, abbiate pietà di lui'.»

Low Rom Color Salvapore Steam Son Gerbert d'Aurillac (Silvestro II, papa, 999-1004) A Smoore Burningal Constitution medifications condemite Ditters Brend on spary trigge Silugar mossisaruplem and fin Boligon gerander construct que Biluciter i Marione galtieus adolescens p in floriscenti no: nafretto in Auteliana dioorfi monachus, postea nero pont. 18. a 16 aren 1. Die 8. Sedir An 4. men 1. Die 8. Anno divi 9:27

Il Papa Silvestro II (Gerberto d'Aurillac) rappresentato in una lunetta affrescata da un pittore anonimo bergamasco nel XVI sec., presente nel Chiostro Superiore del Priorato di San Giacomo Maggiore a Pontida (BG).

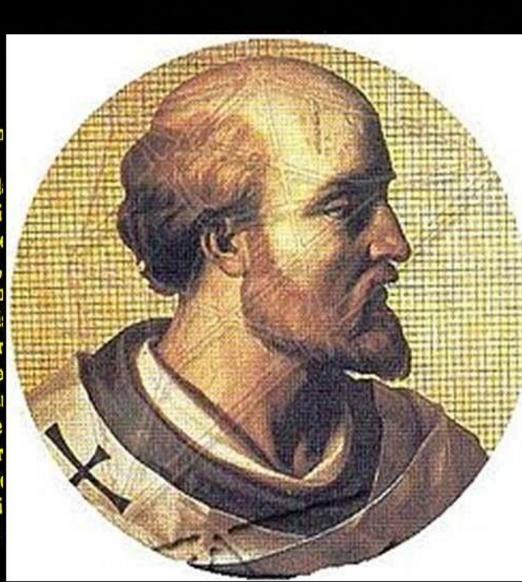
INCIPIT

GEOMETRIA GERBERTI.

CAPUT PRIMUM.

Quid sit corpus solidum? Quid linea, punctum, perficies? Quid pes solidus, constratus, etc.?

Artis hujus initia et quasi elementa viden punctum, linea, superficies. atque soliditas. quibus cum sæpe Boelius aliique tam sæculquam divince tractatores litteraturæ in pluri scriptorum suorum locis satis superque dispute lum beatus et eloquentissimus Ecclesiæ doctor, gustinus, in nonnullis libris suis, et præcipue in qui De quantitate animæ inscribitur, copiose di rit : Ubi etiam tantis oculum corporearum rer imaginationibus obtusum per talium artium exe lia adspiritalia veraque utcunque contemplanda: modicum purgari et exacui ostendit Sed prude bus, si qui hoc forte vel aspicere dignati fuer tædiosum non sit, si a solido corpore, quod co muni hominum sensui notius est, præpostero i piens ordine simplicioribus, quid hæc singula paucis tentabo monstrare.



CAPUT VIII.

De natura triangulorum.

illud quoque in his triangulis speculare, quod juxta supradictam superius angulorum quantitatem in omni trigono ampligonio exterior, id est hebes angulus major est utrisque interioribus, id est acutis in ipso scilicet ampligonio trigono ex adverso constitutis, ipsique duo non solum exteriore sed etiam recto angulo minores probantur, ut in hoc:



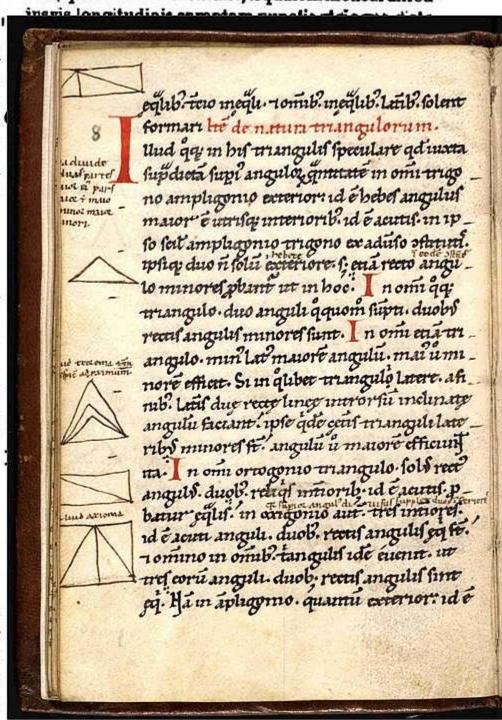
In omni quoque triangulo duo anguli quoquomodo sumpti duobus rectis angulis minores sunt.

In omni etiam triangulo minus latus majorem angulum, majus vero minorem efficit.

Si in quolibet trianguli latere afinibus lateris duæ rectæ lineæ introrsum inclinatæ angulum faciant, ipsæ quidem cæteris trianguli lateribus minores sunt; angulum vero majorem efficiunt ita:



Inomniorthogoniotriangulo, solus rectus angulus duobus reliquis interioribus, id est acutis, probatur equalis. In oxygonio autem tres interiores, id est acuti singuli duobus rectis angulis æqui sunt, et omnino in omnibus triangulis idem evenit, ut tres

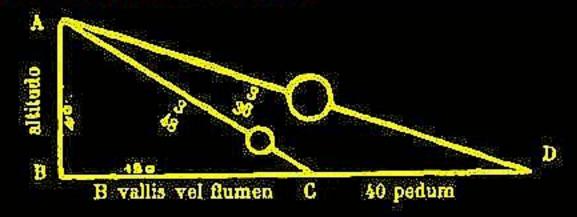


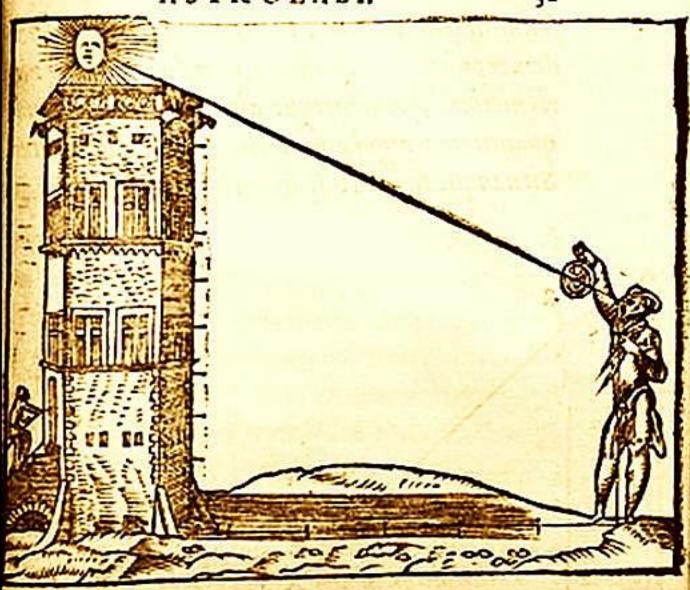
CAPUT XVI.

Ad altitudinem cum astrolabio metiendum.

Si fuerit altitudo in equalitate, tali poterit mensurari inspectione. Sumatur ab altimetra astrolabium, et in medietate quadrati in postica e jus planitie erarati constituatur mediclinium, ut hac scilicet
positione stet mediclinium alterius partis astrolabii
in numero graduum dierum 45, et tandiu ab ec ante
et retro estimando pergatur, donec per utrumque
ipuus mediclinii foramen altitudinis summitas inspiciatur. Qua inspecta, loco in quo stetit mensor nota
imprimatur, et huic impressioni statura mensorie
adjungatur. Post hac locus ipse diligenter notetur,
et ab eo usque ad radicem altitudinis tota planities
caute mensuretur; et quot pedum ipsa planities fuerit, tot sine dubio altitudo erit. Si vero non in me-

dietate quadrati mediclinium steterit, sed in primo, aut in secundo, aut in tertio, aut in aliquo quadrati gradu, 12 gradibus collatis, qualis fuerit collatio inter illos aliquos quadrati gradus et 12, talis erit inter planitiem et altitudinem mensurandam, statura mensoris adjuncta.





dal GEOMETRIA GERBERTI

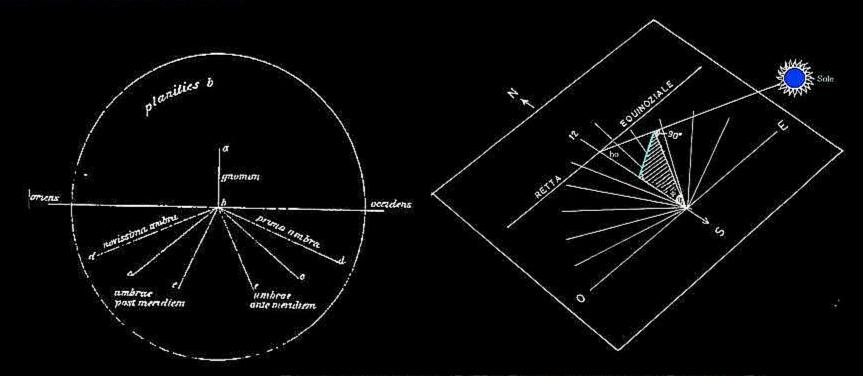
Optimum est ergo umbram horæ sextæ deprehendere, et ab ea limitem inchoare, ut sint semper meridiano tempore ordinati, sequitur, ut orientis occidentisque linea huic normaliter conveniat. Scribamus primum circulum in terra loco plano, et in puncto ejus sciotherum ponemus, cujus umbra et intra circulum aliquando exeat, et aliquando intret. Certum est enim tam orientis quam occidentis umbras deprehendere. Attendemus igitur, quemadmodum a primo solis ortu umbra cohibeatur. Deinde cum ad circuli lineam pervenerit, notabimus eum

Textus hujus capitis perturbatus et obscurus est circumferentiæ locum. Similiter exeuntem notabimus. Notatis ergo duabus circuli partibus intrantis umbræ et exeuntis loco rectam lineam a signo ad signum circumferentiæ ducemus, et medium notabimus, per quem locum recta linea exire debet a puncto circuli; per quam lineam cardinem dirigemus, et ab ea normaliter in rectum decumanos emittemus, et ex quacunque ejus lineæ parte normaliter in venerimus, decumanum recte constituamus.



"Est et alia ratio"s, qua tribus umbris comprehensis meridianum describemus. In bloco plano gnomonem constituemus ah, et umbras ejus tres enotabimus ced. Has umbras normaliter comprehendemus, qua glatitudine altera ab altera distent. Si ante meridiem constituamus, prima umbra erit longissima. Si post meridiem, novissima. Has deinde umbras proportione ad multiplicationem in tabula describemus, et sic in terram servabimus. Stat igitur gnomon ab planitie b. Tollamus maximam umbram et in planitie notemus signo d, sic et terram signo e, ut sint in pari proportione longitudinis suae be da. Enumeramus hypotenusas ex e in a et ex d in a; nunc puncto a et intervallo et circulum scribimus

dal GEOMETRIA GERBERTI

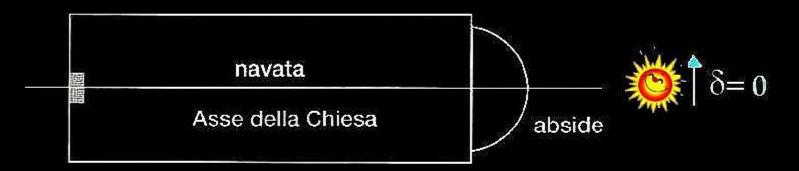


Determinazione della linea equinoziale usando tre ombre al mattino e tre ombere al pomeriggio

Le chiese antiche e medioevali sono astronomicamente orientate per prescrizione

Prescrizioni Liturgiche

La Curia Romana prescrive il criterio Sol Aequinoctialis



l'asse della navata deve essere parallelo alla linea est-ovest astronomica (dove il Sole sorge e tramonta agli equinozi) "Segregetur presbiteris locus in parte domus ad orientem versa... nam orientem versus oportet vos orare"

("Didascalia", Siria, prima metà del III sec. d.C.)

Dagli atti del Concilio di Nicea (325 d.C.):

«ecclesiarum situs plerimque talis erat, ut fideles facie altare versa orantes orientem solem, symbolum Christi qui est sol iustitia et lux mundi interentur»

(Carolus Kozma de Papi, "Liturgia sacra Cattolica, exhibens sacrorum Ecclesiae Romano-Catholicae rituum. 4; Origines, causas, significationes" Manz, Ratisbonae, 1863).

"...aedes riti oblunga ad orientem versus, navi similis"

(Costituzioni Apostoliche, fine del IV sec. d.C.)

Debet quoque (ecclesia) sic fundari, ut caput inspiciat versus Orientem videlicet versus ortum solis, ad denotandum, quod ecclesia quae in terris militat, temperare se debet aequanimiter in prosperis, et in adversis; et non versus solstitialem, ut faciunt quidam.

RATIONALE
DIVINORYM OF
FICIORYM,

LR GYLLELMO DYNANDO Moneral Egijope, 167, D. slavejem seminarom 1 apps
mor return villajom of destrostice.
what individual and Daneman Officeres Eminals
thanks blein Thoday Paulent, white lefter
man annual content of the more of the seminal
consistency of the seminal individual
man fabric despiration.

Consistence of the seminal individual
man fabric despiration.

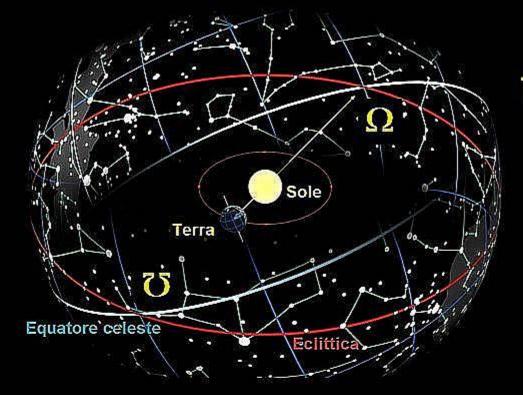
Let 0 B T M.
Apad Invested Taxob Innote.

M. D. LAVIII.

M. On a see of the seminal letter of Constant
plant fabric despiration.

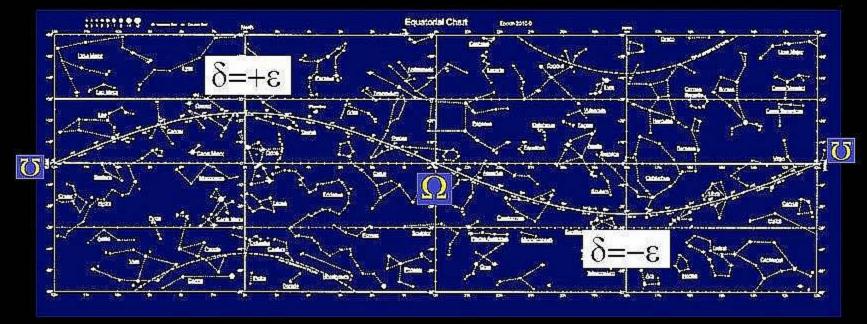
(Guillaume Durand de Mende, XIII sec.)





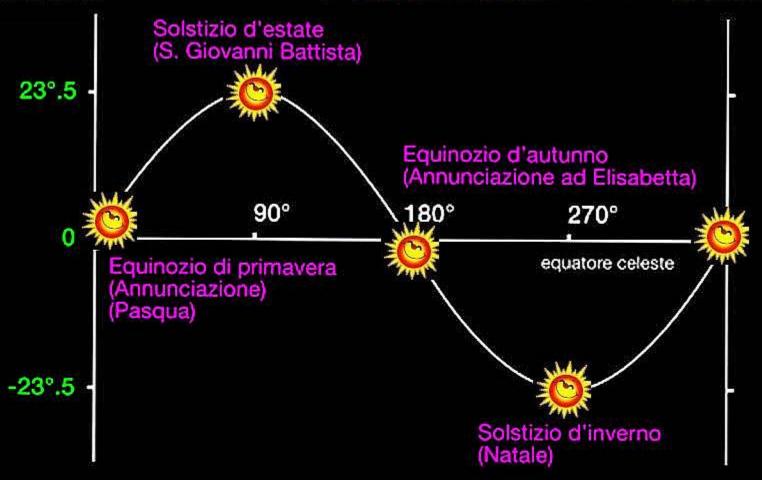
Traiettoria apparente del Sole sulla Sfera Celeste durante il corso dell'anno

$$\varepsilon = 23.5^{\circ}$$



Declinazione del Sole sulla Sfera Celeste

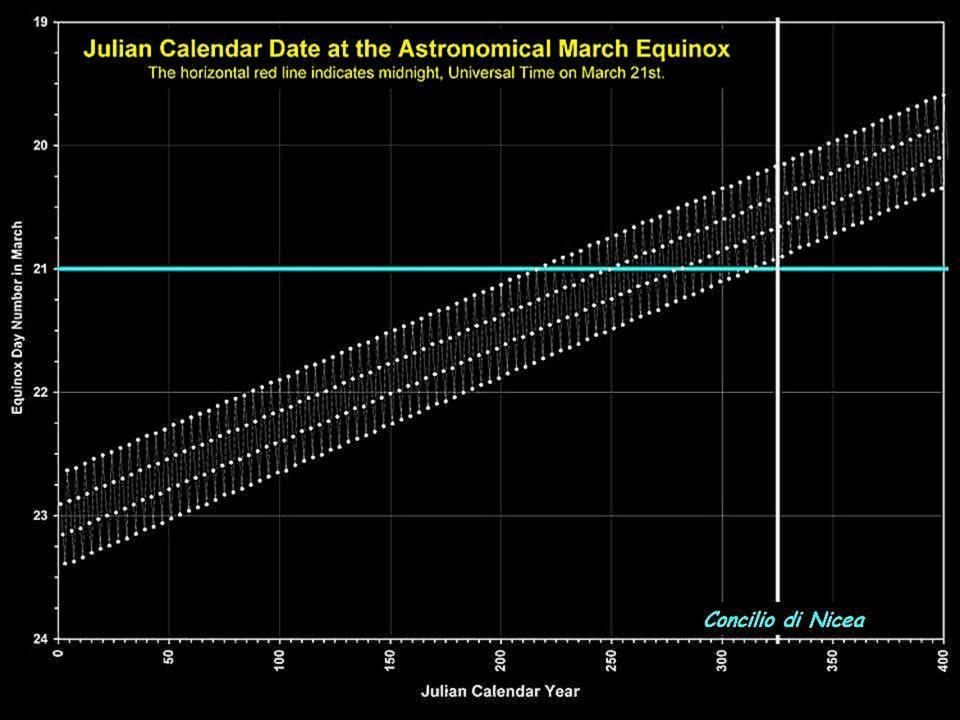
Feste fisse - Sole



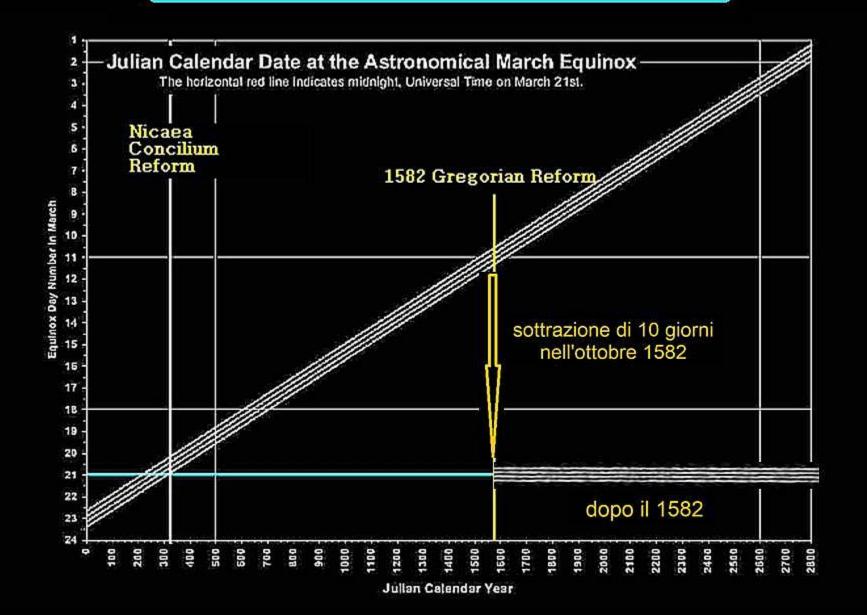
Il percorso annuale del Sole sulla Sfera Celeste (Eclittica) e le date importanti del catendario della chiesa corrispondenti ai solstizi e agli equinozi

$$ARo = 30 \cdot m + d + 111^{\circ}$$

 $Do = 23^{\circ}, 5 \sin(ARo)$



Data dell'Equinozio di Primavera secondo il Calendario Giuliano



Equinozi e Solstizi

(prima del 1582)

Equinozio di Primavera

Tep = Marzo (22,8 - 0,0078 . anno + ...)

Solstizio d'Estate

Tse = Giugno (24,8 - 0,0078 . anno + ...)

Equinozio di Autunno

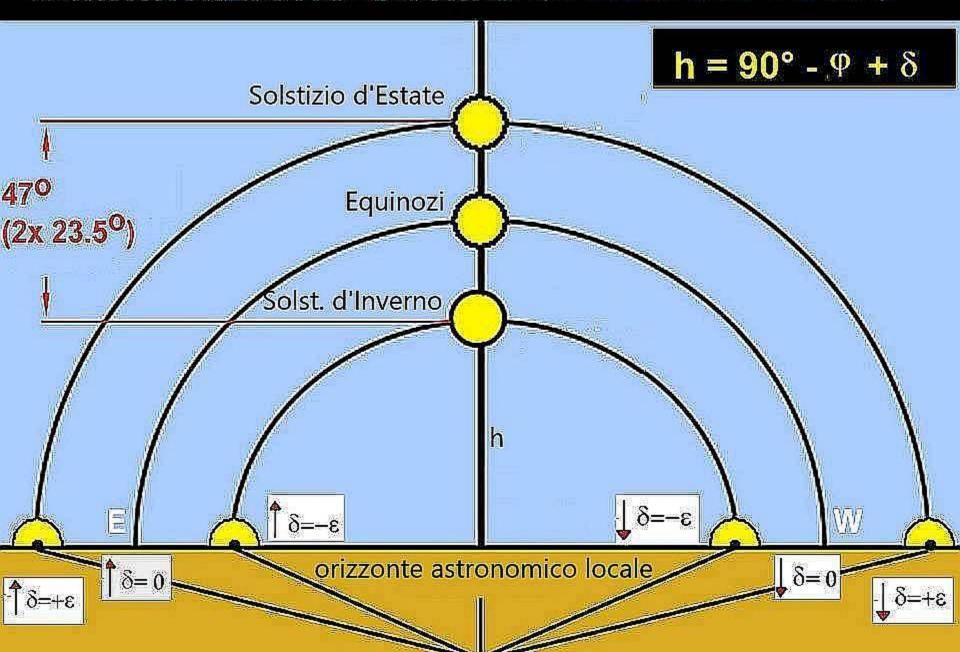
Tea = Settembre (25,2 - 0,0078 . anno + ...)

Solstizio d'Inverno

Tsi = Dicembre (22,9 - 0,0078 . anno + ...)

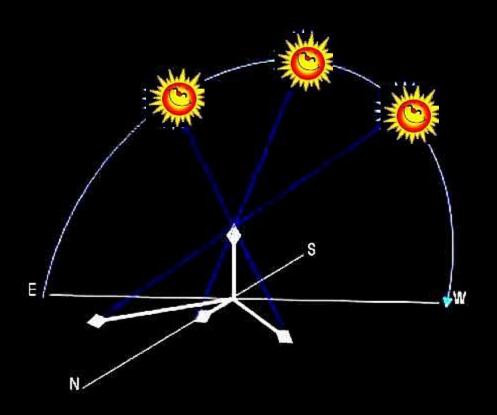
V(t) = (365,2422 - 365,25) = -0,0078 giorni/anno anno tropico anno giuliano solare di calendario

Culminazione Solare (Mezzodì vero e locale)



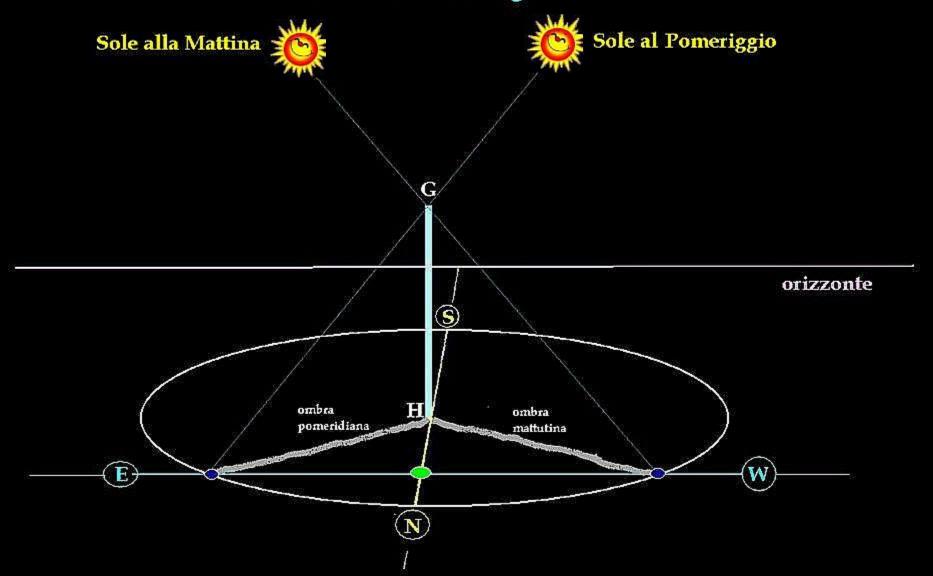
Orientazione Geometrico-Gnomonica

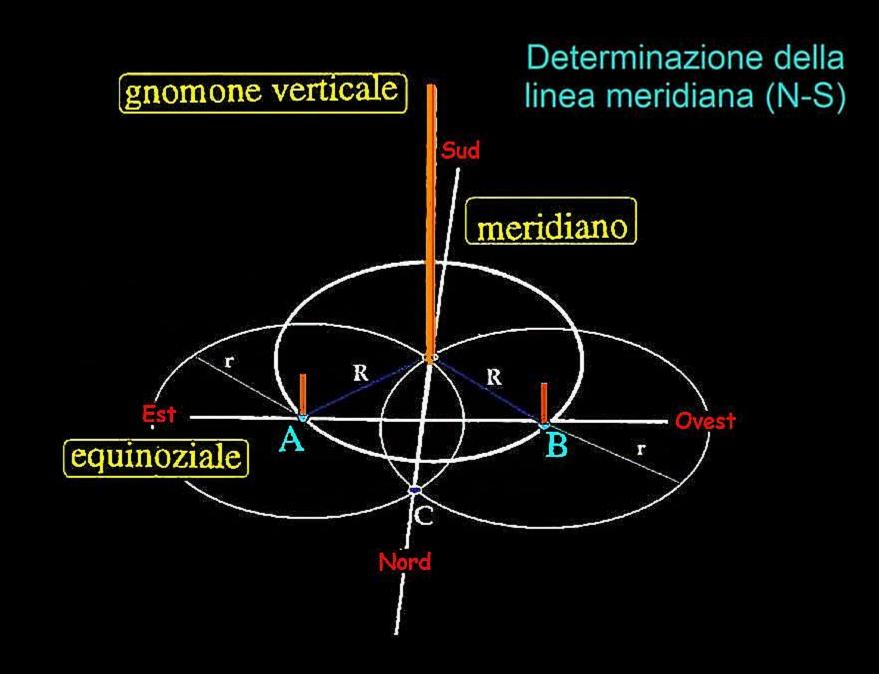
Materializazione sul terreno delle direzioni cardinali astronomiche



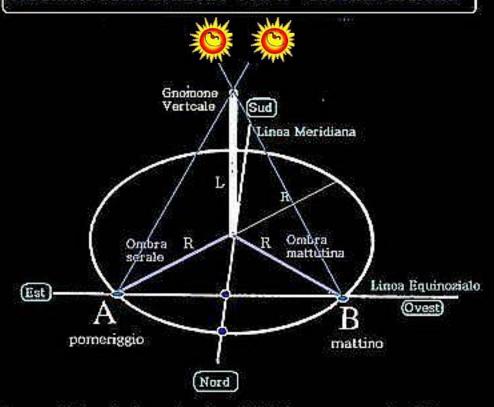
Il percorso apparente diurno del Sole sulla Sfera Celeste permette, mediante lo studio dell'ombra proiettata da uno gnomone verticale infisso nel terreno, la determinazione delle direzioni cardinali astronomiche.

Metodo pratico per determinare la direzione equinoziale





Errore sulla determinazione delle direzioni cardinali astronomiche con il "Cerchio Indiano"



L'errore e(Az) sulla determinazione dell'Azimut astronomico delle direzioni cardinali utilizzando il metodo del Cerchio Indiano è valutabile (in gradi) con:

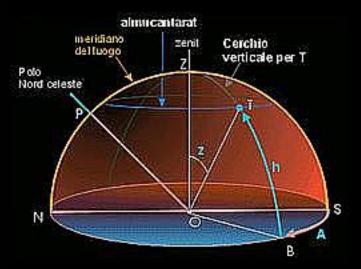
$$e(Az) = \frac{180^{\circ}}{\pi \sqrt{2}} \frac{q}{R}$$

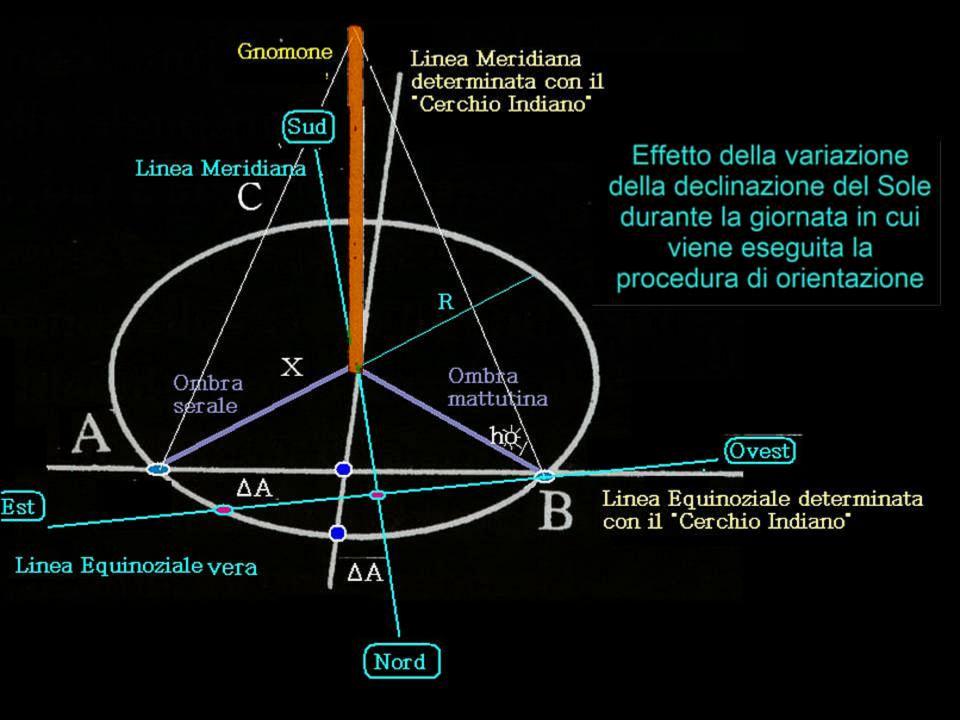
dove:

e(Az) = errore sull'azimut delle direzioni cardinali determinate con il metodo del "Cerchio Indiano" (un gradi)

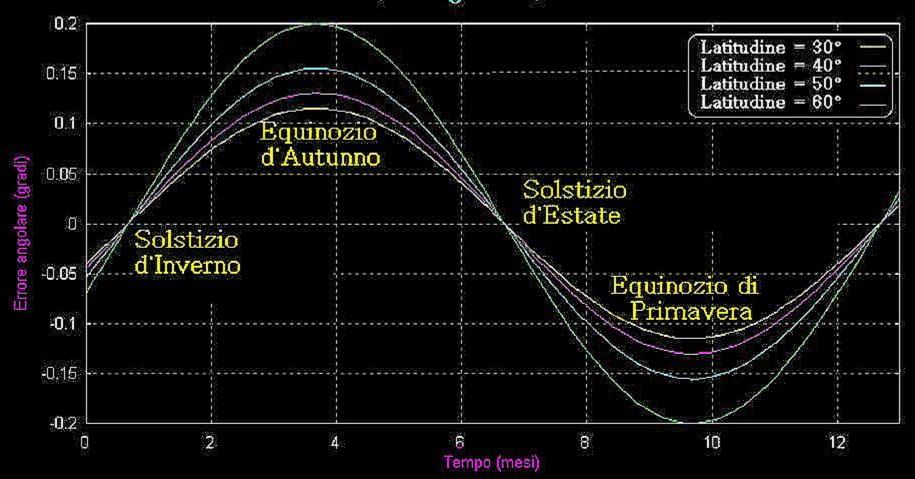
R = raggio del cerchio tracciato sul terreno (in metri)

q = spessore lineare (in metri) della linea tracciata sul terreno che materializza il cerchio



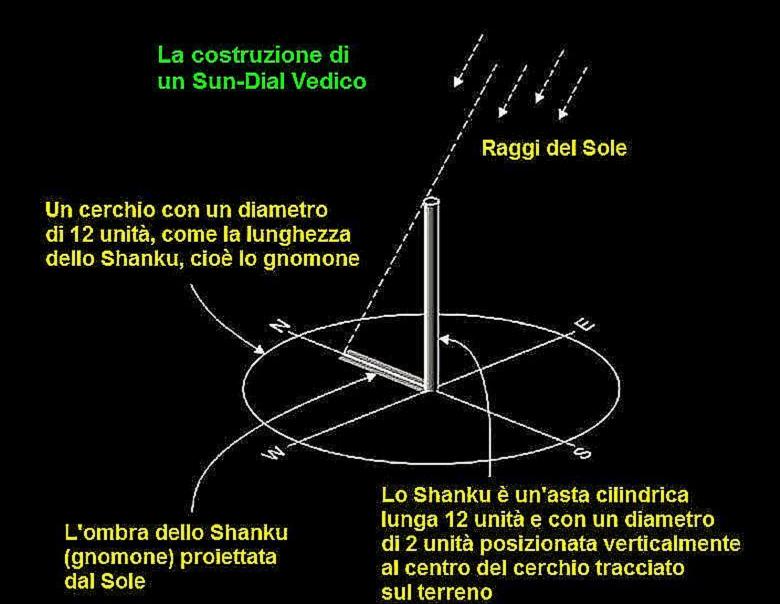


Efetto delle variazione della declinazione del Sole durante la giornata



Errore angolare (in gradi) tra le direzioni astronomiche ottenute mediante il "Cerchio Indiano" e le corrispondenti vere a causa della variazione della declinazione del Sole durante l'intervallo di tempo tra i due contatti tra l'ombra dello gnomone ed il cerchio tracciato sul terreno, durante il corso dell'anno.

Origine del "Cerchio Indiano"



Origine del "Cerchio Indiano"

Questo

metodo corrisponde di fatto ad un rito molto antico risalente all'India Vedica da cui deriva la sua denominazione, e messo a punto intorno al 1600 a.C. come rileviamo nei *Vedanga Jautisha*, gli almanacchi astronomici che costituivano le appendici ai testi vedici e indicavano la corretta metodologia per costruire ed orientare astronomicamente gli altari destinati alle preghiere ed ai sacrifici. La denominazione sanscrita della linea equinoziale in questi testi è *prācī*. La procedura è descritta in dettaglio solamente in due testi: nel *Katyayana* e nel *Manu*, mentre i testi *Baudhayana* e *Apastabanba* considerano il *prācī* come già stabilita a e materializzata sul terreno, e questo indica che il metodo del "cerchio indiano" era un algoritmo pressoché noto a tutti gli appartenenti al popolo degli Arya. Ma vediamo la citazione originale:

समे शंकुं निखाय शंकुसिम्मतया रज्वा मण्डलं परिलिख्य यत्न लेखयोः शंक्वग्रच्छाया निपतित तत्न शंकू निहन्ति सा प्राची।

che tradotta, e adattata alla sintassi italiana, ci dice:

"fissato un palo verticale sul terreno piano si traccia un cerchio usando una corda lunga quanto il palo. Poi si fissano due pioli sul cerchio dove cadono le ombre uguali della punta del palo. Questo [la linea congiungente i due pioli] è il prācī".

Una simile descrizione la troviamo anche nel *Tantrasamuccaya* che è un antico testo indiano di architettura ed in altri testi Tantra in relazione alla costruzione degli edifici sacri (mandapas) e ai focolari sacri (kundas). Inoltre nel *Kātyāyana* è descritto un ulteriore passo per determinare la "udīcī" cioè la linea meridiana locale dopo che il *prācī* è stato stabilito.

Ma c'e' di meglio. Secondo il codice indù Nânasâra-Shilpa-Shâstra, nel quadrato di base, lo «spirito del luogo» (vâstu-purusha) è immaginato come un uomo disteso in modo che la testa sia rivolta a oriente, mentre la mano destra raggiunge l'angolo sud-est, la mano sinistra l'angolo nord-est, e i due piedi divaricati gli angoli sud-ovest e nord-ovest; è un uomo coricato con il viso rivolto a terra. Si suppone che il centro del suo corpo ricopra il punto centrale consacrato a Brahma. Secondo questa immagine ogni tempio è simbolicamente il corpo di Purusha, lo Spirito Universale... Il tempio cristiano è tradizionalmente a forma di croce e l'uomo rappresenta simbolicamente il Crocifisso, rivolto al cielo, il viso reclinato a sinistra e i piedi uniti.

II Tempio Cristiano

Il tempio cristiano

è tradizionalmente a forma di croce e l'uomo rappresenta simbolicamente il Crocifisso, rivolto al cielo, il viso reclinato a sinistra e i piedi uniti. I due archi di cerchio la cui intersezione materializza il meridiano astronomico sono interpretati come il pesce, in greco $IX\theta Y\Sigma$, acronimo di Iesus Christos Theou Uios Soter (Gesù Cristo, di Dio Figlio, Salvatore). I punteruoli infissi nella terra posso essere simbolicamente i chiodi piantati nel palmo delle mani. Il metodo del Cerchio Indiano permette quindi di materializzare le linee equinoziale e meridiana, ma tracciare altri angoli è più complesso.

